

- Αποδεικνύουμε το θεώρημα στην περίπτωση που είναι  $f'(x) > 0$ .

Έστω  $x_1, x_2 \in \Delta$  με  $x_1 < x_2$ . Θα δείξουμε ότι  $f(x_1) < f(x_2)$ . Πράγματι, στο διάστημα  $[x_1, x_2]$  η  $f$  ικανοποιεί τις προϋποθέσεις του Θ.Μ.Τ. Επομένως, υπάρχει  $\xi \in (x_1, x_2)$  τέτοιο, ώστε  $f'(\xi) = \frac{f(x_2) - f(x_1)}{x_2 - x_1}$ , οπότε έχουμε

$$f(x_2) - f(x_1) = f'(\xi)(x_2 - x_1)$$

Επειδή  $f'(\xi) > 0$  και  $x_2 - x_1 > 0$ , έχουμε  $f(x_2) - f(x_1) > 0$ , οπότε  $f(x_1) < f(x_2)$ .

- Στην περίπτωση που είναι  $f'(x) < 0$  εργαζόμαστε αναλόγως.

---

## ΤΟΠΙΚΑ ΑΚΡΟΤΑΤΑ ΣΥΝΑΡΤΗΣΗΣ

---

13

### Απόδειξη 19 σχολικού Σελ 260 – 261

Απολυτήριες 2004, Απολυτήριες 2011

#### ΘΕΩΡΗΜΑ (Fermat)

Έστω μια συνάρτηση  $f$  ορισμένη σ' ένα διάστημα  $\Delta$  και  $x_0$  ένα **εσωτερικό** σημείο του  $\Delta$ . Αν η  $f$  παρουσιάζει **τοπικό ακρότατο** στο  $x_0$  και είναι **παραγωγίσιμη** στο σημείο αυτό, τότε να αποδείξετε ότι:

$$f'(x_0) = 0$$